

Негосударственное образовательное частное  
учреждение высшего образования  
«Московский финансово-промышленный университет «Синергия»  
Факультет информационных технологий

**Отчет по лабораторной работе №1**  
по дисциплине  
**«Управление рисками информационных технологий и систем»**

Выполнил:  
Кирюшин В. И.  
(Ф.И.О. студента)

ДМП-102УЦП  
(№ группы)

\_\_\_\_\_  
(дата сдачи)

Подпись: \_\_\_\_\_

Проверил:  
Алехин Е. И.  
(Ф.И.О преподавателя)

\_\_\_\_\_  
(оценка)

\_\_\_\_\_  
(дата проверки)

Подпись: \_\_\_\_\_

—

Задание 1.

Индивид максимизирует функцию полезности  $U(x) = \sqrt{x}$ . Его ежемесячный доход составляет 100 денежных единиц. В результате игры он может с равной вероятностью выиграть или проиграть 50 ден. единиц. Объяснить, будет ли индивид играть в предложенную игру, как он относится к риску и какую сумму он готов заплатить, чтобы избежать риска?

Решение:

Изначально, индивид максимизирует свою полезность с помощью функции  $U(x) = \sqrt{x}$ . Если он играет, то его доход может стать  $100+d-50$  или  $100+d+50$  с вероятностью 0.5 каждый из двух вариантов. Здесь  $d$  - некоторое дополнительное количество денежных единиц, которое он выиграет или проиграет в игре.

**Следовательно, его новая функция полезности будет выглядеть как:**

$U(100+d-50) = \sqrt{100+d-50}$  или  $U(100+d+50) = \sqrt{100+d+50}$ , каждая с вероятностью 0.5.

**Для того, чтобы определить, играет ли индивид в эту игру, нужно вычислить его ожидаемую полезность:**

$$EU = 0.5 * U(100+d-50) + 0.5 * U(100+d+50)$$

$$EU = 0.5 * \sqrt{100+d-50} + 0.5 * \sqrt{100+d+50}$$

Чтобы сохранить свой текущий доход и избежать риска, индивид готов заплатить определенную сумму денег. Давайте обозначим эту сумму как  $C$ .

Значит, если он заплатит  $C$ , то его доход будет равен  $100-C$  всегда, независимо от того, выиграет он в игре или проиграет.

**Таким образом, условием игры для индивида является:**

$$EU > U(100-C)$$

$$0.5 * \sqrt{100+d-50} + 0.5 * \sqrt{100+d+50} > \sqrt{100-C}$$

**Путем приведения квадратичной формулы к стандартному виду можно выразить:**

$$d > -100; d < 50 - 100; (50 - d)^2 > 4C$$

Первые два неравенства ограничивают диапазон возможных значений  $d$ , а последнее неравенство определяет, сколько индивид готов заплатить, чтобы избежать риска.

**Таким образом, если индивид имеет большую склонность к риску и готов играть, то он будет играть, если он оценивает вероятность выигрыша больше, чем вероятность проигрыша. Если же он относится к риску более консервативно, то он не будет играть.**

**Когда индивид полностью отрицает риск, то он готов заплатить любую сумму денег  $C$ , чтобы избежать игры.**

Задание 2.

Выяснить, выгоден ли риск индивиду при участии в азартной игре, если его функция полезности имеет вид  $U(x) = \lg(x)$ , он обладает денежной суммой в размере 500 рублей и закон распределения выигрышей имеет вид  $x \ 300 \ 700 \ p \ 0.4 \ 0.6$

Решение:

**Для выяснения выгодности риска индивиду сравним его ожидаемую полезность до игры и после игры. Ожидаемая полезность до игры равна:**

$$EU(x) = \lg(300) \cdot 0.4 + \lg(700) \cdot 0.6 = 0.535$$

Так как индивид уже имеет 500 рублей, то его богатство до игры равно  $X = 500$  рублей. Ожидаемая полезность после игры вычисляется по формуле:

$$EU(x') = \lg(300 + 500) \cdot 0.4 + \lg(700 + 500) \cdot 0.6 = 0.590$$

Сравнивая ожидаемую полезность до игры и после игры, получаем, что риск игры выгоден индивиду, так как его ожидаемая полезность после игры (0.590) больше, чем ожидаемая полезность до игры (0.535).

**Ответ: риск игры выгоден индивиду.**

Задание 3.

Примет ли участие в азартной игре индивид, если его функция полезности  $U(x) = x$ , он располагает суммой 1000 денежных единиц, а вероятностный закон распределения выигрышей имеет вид  $x \ 700 \ 1200 \ p \ 0.4 \ 0.6$

Решение:

**Для ответа на этот вопрос необходимо найти ожидаемую полезность игры.**

Если выигрыш составляет 700 денежных единиц, то полезность игры будет равна  $U(700) = 700^2 = 490000$ .

Если выигрыш составляет 1200 денежных единиц, то полезность игры будет равна  $U(1200) = 1200^2 = 1440000$ .

**Тогда ожидаемая полезность игры будет равна:**

$$E(U) = 0.4 \cdot 490000 + 0.6 \cdot 1440000 = 948000$$

**Так как ожидаемая полезность больше, чем начальная сумма в 1000 денежных единиц, то индивид примет участие в азартной игре.**

Задание 4.

Выпускник университета имеет возможности устроиться на работу с гарантированным ежемесячным заработком 200 денежных единиц или работать торговым агентом. Работа торговым агентом, где заработная плата зависит от объема продаж с вероятностью 35% обеспечивает ежемесячный доход в 100 ден. единиц и с вероятностью 65% — 250 денежных единиц. Полезность денежных доходов для выпускника представлена в таблице:

$x$	100	150	200	250	300	$U(x)$	4	9	13	16	18
-----	-----	-----	-----	-----	-----	--------	---	---	----	----	----

Куда устроится на работу выпускник?

Решение:

**Для определения, где лучше устроиться выпускнику, нужно вычислить среднюю полезность от каждой из двух возможных работ.**

Для работы с гарантированным заработком 200 денежных единиц, средняя полезность будет равна:

$$U(200) = 13$$

Для работы торговым агентом, средняя полезность будет взвешенной суммой полезностей при возможных доходах 100 и 250 денежных единиц:

$$U(\text{торг.агент}) = 0.35 * U(100) + 0.65 * U(250) = 0.35 * 4 + 0.65 * 16 = 11.2$$

**Таким образом, средняя полезность от работы торговым агентом выше, чем от работы с гарантированным заработком. Следовательно, выпускнику выгоднее устроиться работать торговым агентом.**

Задание 5.

Нужно принять одно из двух управленческих решений при выпуске нового вида продукции. Известно вероятностное распределение прибылей при принятии каждого из этих решений. Решение 1 Решение 2 Прибыль 200 300 350 400 180 210 240 250 Вероятность 0.25 0.35 0.2 0.2 0.15 0.35 0.4 0.1 Какое из них окажется менее рискованным? Каким критерием риска удобнее здесь пользоваться?

**Решение:**

Для определения менее рискованного решения удобно использовать критерий квадратичного отклонения (критерий риска).

Рассчитаем сначала этот критерий для каждого решения:

**Для решения 1:**

$$SSD_1 = \sqrt{\frac{1}{4} \left( (200-265)^2 + (300-265)^2 + (350-265)^2 + (400-265)^2 \right)} = 72.68$$

**Для решения 2:**

$$SSD_2 = \sqrt{\frac{1}{4} \left( (180-265)^2 + (210-265)^2 + (240-265)^2 + (250-265)^2 \right)} = 35.56$$

**Таким образом, решение 2 является менее рискованным, так как его значением критерия риска (35.56) меньше, чем у решения 1 (72.68).**